

PROJETO DE RECUPERAÇÃO PARALELA

2º Trimestre - 2018

Disciplina: MATEMÁTICA **Série:** 3ª série do Ensino Médio

Professor(a): PAULO HENRIQUE GOMES

Objetivo: Trabalhar os conceitos de geometria plana no campo do plano cartesiano explorando os problemas propostos no cotidiano. Aplicação de formulas e teoremas nas resoluções de exercícios.

1. CONTEÚDO

GEOMETRIA ANALITICA
NÚMEROS COMPLEXOS

2. ROTEIRO DE ESTUDO

3. FORMA DE AVALIAÇÃO:

- Durante o período de recuperação o aluno realizará uma lista com exercícios de revisão que terá o valor máximo de 2,0. A lista deverá ser realizada e entregue no dia da prova de REC para o aplicador;
- Os alunos participarão de plantões de dúvidas agendados pela coordenação, se necessário.
- Realização de Prova escrita com o valor de 8,0 agendada pela coordenação.

4. Lista de exercícios:

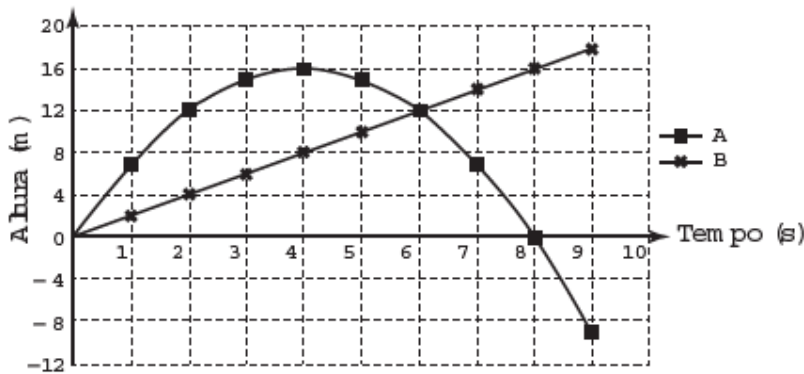
A lista de exercícios deve ser respondida diretamente na plataforma EDEBE, estará disponível dos dias 14/09 à 28/09. Sendo obrigatório o preenchimento das respostas na plataforma.

Nome: _____ N° _____ Data: []

(ENEM) Questão 01 (#56)

Valor: 0,1

Para uma feira de ciências, dois projéteis de foguetes, A e B, estão sendo construídos para serem lançados. O planejamento é que eles sejam lançados juntos, com o objetivo de o projétil B interceptar o A quando esse alcançar sua altura máxima. Para que isso aconteça, um dos projéteis descreverá uma trajetória parabólica, enquanto o outro irá descrever uma trajetória supostamente retilínea. O gráfico mostra as alturas alcançadas por esses projéteis em função do tempo, nas simulações realizadas.



Com base nessas simulações, observou-se que a trajetória do projétil B deveria ser alterada para que o objetivo fosse alcançado.

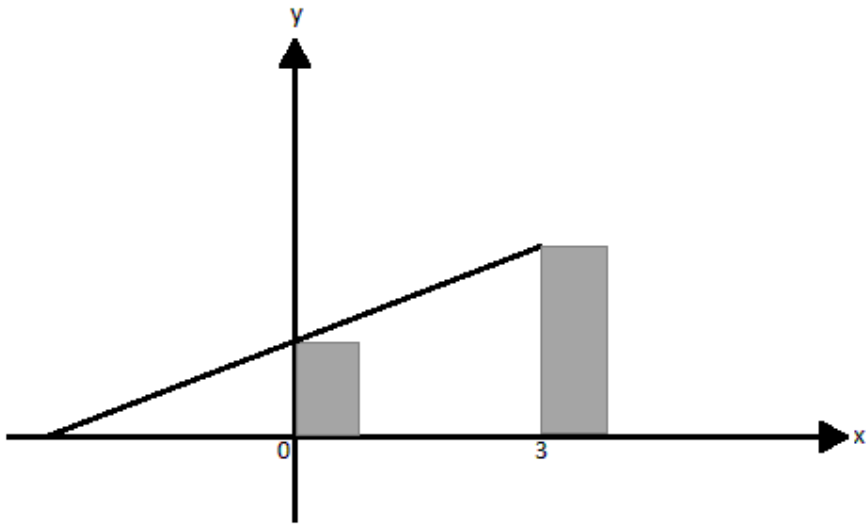
Para alcançar o objetivo, o coeficiente angular da reta que representa a trajetória de B deverá

- (a) diminuir em 2 unidades.
- (b) diminuir em 4 unidades.
- (c) aumentar em 2 unidades.
- (d) aumentar em 4 unidades.
- (e) aumentar em 8 unidades.

(UEG) Questão 02 (#1359)

Valor: 0,1

Para se construir uma rampa, dois blocos de concreto foram usados para apoiar uma tábua de madeira. Sabendo-se que o bloco menor possui 1 metro de altura e o maior 2 metros, estando posicionados conforme a figura a seguir, pode-se afirmar que a equação da reta descrita pela tábua é



(a) $y = x + 1$

(b) $y = \frac{x}{3} + 1$

(c) $y = x + \frac{1}{3}$

(d) $y = x - 1$

(UFGD) Questão 03(#1458)

Valor: 0,1

A reta que passa pelo ponto $A(3,-1)$ e é tangente à circunferência $x^2 + y^2 + 2x - 4y - 20$ é:

(a) $y = -\frac{4x}{3} + 5$

(b) $y = -\frac{2x}{3} + 5$

(c) $y = -\frac{2x}{3} - 5$

(d) $y = -\frac{3x}{4} + 3$

$$(e) \quad y = \frac{4x}{3} - 5$$

(UFGD) Questão 04(#1463)

Valor: 0,1

A figura abaixo refere-se a uma bicicleta construída no século XIX, no ano de 1870. Considere as duas rodas como duas circunferências cujas equações são dadas por: $C_1: x^2 + y^2 + 40x - 100y + 400 = 0$ e $C_2: x^2 + y^2 - 100x - 40y + 2500 = 0$.

Determine a distância entre os centros das rodas.



- (a) $10\sqrt{58}cm$
- (b) $20cm$
- (c) $20\sqrt{10}cm$
- (d) $90\sqrt{2}cm$
- (e) $30\sqrt{47}cm$

(IFG) Questão 05(#1764)

Valor: 0,1

As coordenadas do centro e o raio da circunferência de equação $x^2 + y^2 - 4x - 8y + 16 = 0$ são:

- (a) centro (4, 8) e raio 16.
- (b) centro (4, 2) e raio 4.
- (c) centro (4, 2) e raio 2.
- (d) centro (2, 4) e raio 4.
- (e) centro (2, 4) e raio 2.

(UFGD) Questão 06 (#1937)

Valor: 0,1

Determine a área do triângulo cujos vértices são as intersecções das retas

$$y = -\frac{1}{2}x + 5, \quad y = 4x + 5 \quad e \quad y = 2x.$$

- (a) $10\sqrt{5}$
- (b) $5\sqrt{5}$
- (c) 45
- (d) $\frac{45}{2}$
- (e) $\frac{45}{4}$

(UFGD) Questão 07 (#2106)

Valor: 0,1

Considerando a equação $x^2 + y^2 - 6x - 4y + k = 0$,

- (a) para quaisquer valores atribuídos a k , essa equação será de uma circunferência.
- (b) para quaisquer valores de k menores que zero, a equação não será de uma circunferência.
- (c) para ser uma circunferência, o valor de k deve ser sempre igual a zero.

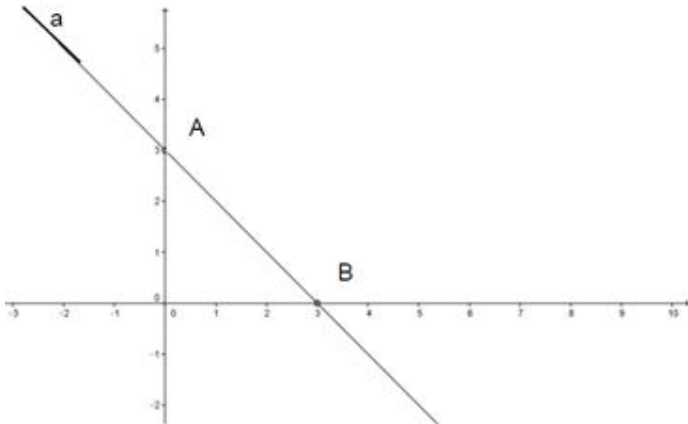
(d) o ponto $(6, 3)$ não pertence à circunferência, independentemente do valor de k .

(e) o ponto $(8, 5)$ é externo à circunferência para o intervalo $\{k \in \mathbb{R} \mid -21 < k < 13\}$.

(Unemat) Questão 08 (#4892)

Valor: 0,1

Observe a representação gráfica da reta "a" no plano cartesiano abaixo:



Em relação a essa reta, pode-se afirmar que:

(a) é uma reta decrescente e seu coeficiente angular é 3.

(b) é uma reta crescente e seu coeficiente angular é 1.

(c) é uma reta crescente e seu coeficiente angular é 3.

(d) é uma reta crescente e seu coeficiente angular é -1.

(e) é uma reta decrescente e seu coeficiente angular é -1.

(UEMG) Questão 09 (#5118)

Valor: 0,1

Dois móveis, A e B, descrevem uma trajetória segundo as funções representadas pelas retas no gráfico, sendo d (distância percorrida) em metros e t (tempo gasto) em segundos conforme o desenho abaixo:

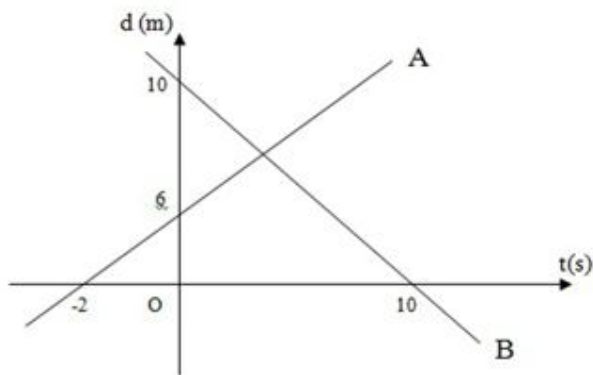


Figura fora de escala

Sabendo-se que A e B partem juntos no instante $t = 0$, e que se encontram após x segundos, o valor de x é um número do intervalo de

- (a) $1 \leq x < 2$
- (b) $2 \leq x < 3$
- (c) $3 \leq x < 4$
- (d) $4 \leq x < 6$

(UEMG) Questão 10 (#5151)

Valor: 0,1

Dadas as equações de reta $r: x + y - 6 = 0$ e $s: 2x - y = 0$ em um dado plano cartesiano de centro O.

As retas r e s são concorrentes no ponto P e a reta r intercepta o eixo das abscissas no ponto Q.

O volume do sólido formado pela rotação da figura plana formada pelos pontos OPQ em torno do lado OQ é: (use $\pi = 3$)

- (a) 32 cm³.
- (b) 64 cm³.
- (c) 96 cm³.
- (d) 88 cm³.

(UnB) Questão 11 (#732)

Valor: 0,1

Considerando que, no sistema de coordenadas cartesianas ortogonais xOy , cada ponto (x, y) do plano cartesiano seja identificado com um número complexo $z = x + iy$, em que $i^2 = -1$, assinale a opção que apresenta um dos valores de $\sqrt[3]{i}$.

(a) $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

(b) $-i$

(c) i

(d) $\frac{3}{4} - \frac{1}{4}i$

(UnB) Questão 12(#1183)

Valor: 0,1

Considerando que, no sistema de coordenadas cartesianas ortogonais xOy , cada ponto (x, y) do plano cartesiano seja identificado com um número complexo $z = x + iy$, em que $i^2 = -1$, a parte imaginária do número

complexo é $z = \frac{2 + i}{2 - 2i}$

(a) superior a -1 e inferior a 0.

(b) superior a 0 e inferior a 1.

(c) superior a 1 e inferior a 2.

(d) superior a 2.

(UFGD) Questão 13(#1955)

Valor: 0,1

A expressão $\frac{(i + 1)^{24}}{(i - 1)^{20}}$, em que $i = \sqrt{-1}$, pode ser expressa por

(a) 4

(b) -4

- (c) $4i$
- (d) $-4i$
- (e) $4 + i$

(Unemat) Questão 14 (#4849)

Valor: 0,1

Durante muitos séculos, resolver problemas envolvendo raiz quadrada de números negativos era impossível. Com o surgimento dos números complexos, esse problema foi resolvido. Formalmente, um número complexo é um par ordenado (a, b) de números reais. O complexo $(0, 1)$ denotado por i tem a seguinte propriedade:

$$i^2 = ii = (0, 1)(0, 1) = (-1, 0) = -1$$

Se $z = 2 + 3i$ e $w = 5 - 2i$, qual é o valor de $z + w$?

- (a) $7 + i$
- (b) i^2
- (c) $7 - i$
- (d) $8i$
- (e) 6

(IFCE) Questão 15 (#6332)

Valor: 0,1

Sabendo que $i^2 = -1 \in \mathbb{C} \left(\frac{i^{2017} \cdot 9^{1001}}{i^{1001} \cdot 3^{2003}} + \frac{i^{2016} \cdot 9^{1001}}{i^{1001} \cdot 3^{2003}} \right)^{-1}$,

- (a) $\frac{3(1-i)}{2}$
- (b) $\frac{-i+1}{3}$
- (c) $\frac{3}{1-i}$
- (d) 1

(e) -1

(IFTO) Questão 16(#7669)

Valor: 0,1

Seja T um número complexo (-2, 3). O módulo ρ^2 vale:

(a) $\sqrt{13}$

(b) 10.

(c) 12.

(d) 13.

(e) 15.

(UEA) Questão 17(#8636)

Valor: 0,1

Considere os números complexos $z_1 = -3 + pi$ e $z_2 = p - i$, com p um número real. Sabendo que $z_1 \cdot z_2 = -4 + 7i$, o valor de $z_1 + z_2$ é

(a) $2 + 3i$.

(b) $-1 - 3i$.

(c) $-1 + i$.

(d) $-1 - i$.

(e) $1 + i$.

(UEA) Questão 18(#8641)

Valor: 0,1

Dados os números complexos $z_1 = 1$, $z_2 = -i$ e $z_3 = z_1 + z_2$, a forma trigonométrica de $(z_3)^2$ é

(a) $2 \cdot \left(\cos \frac{3\pi}{2} + i \operatorname{sen} \frac{3\pi}{2} \right)$

(b) $2 \cdot \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{2} \right)$

(c) $2 \cdot (\cos \pi + i \operatorname{sen} \pi)$

(d) $\sqrt{2} \cdot \left(\cos \frac{3\pi}{2} + i \operatorname{sen} \frac{3\pi}{2} \right)$

(e) $\sqrt{2} \cdot \left(\cos \frac{\pi}{2} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{2} \right)$

(IFF) Questão 19 (#11359)

Valor: 0,1

Sejam os números complexos $z_1 = 2i$ e $z_2 = 5 \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{2\pi}{3} \right)$.

Sabendo que $z_3 = z_1 \cdot z_2$, é correto afirmar que

(a) z_3 é um número real.

(b) z_3 é um número imaginário puro.

(c) o ponto associado ao número complexo z_3 está localizado no 2º quadrante.

(d) $z_3 = 10 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{3} \right)$

(e) $z_3 = -5\sqrt{3} - 5i$

(UFAM) Questão 20 (#13515)

Valor: 0,1

Se $z = \frac{1}{2}(1 + \sqrt{3}i)$ e $w = \sqrt{2}(1 - i)$ são dois números complexos, então:

(a) $z \cdot w = \cos \left(\frac{7\pi}{6} \right) + i \operatorname{sen} \left(\frac{7\pi}{6} \right)$

(b) $z + w = \cos \left(\frac{7\pi}{6} \right) + i \operatorname{sen} \left(\frac{7\pi}{6} \right)$

(c) $z^{12} = \cos \left(\frac{4}{3}\pi \right) + i \operatorname{sen} \left(\frac{4}{3}\pi \right)$

(d) $\frac{z}{w} = \cos \left(\frac{7\pi}{6} \right) - i \operatorname{sen} \left(\frac{7\pi}{6} \right)$

$$z = \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + i \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{3}\right) e$$

$$w = 2\left(\cos\left(\frac{7\pi}{4}\right) + i \operatorname{sen}\left(\frac{7\pi}{4}\right)\right)$$

(e)